

ROJGAR WITH ANKIT

Ratio and Proportion

PART-10

The ratio of incomes of A and B is 5:7. A and B save 4,000 and 5,000 respectively. If A's expenditure is equal to $66\frac{2}{3}\%$ of B's expenditure, then the total income of A and B is

A और B के आय का अनुपात 5:7 है। A और B क्रमशः ₹ 4,000 और ₹ 5,000 की बचत करते हैं। यदि A का व्यय, B के व्यय के $66\frac{2}{3}\%$ के बराबर है, तो A और B की कुल आय है-

	A	B
I →	5	7
E →	2	3
S →	4000	5000

$66\frac{2}{3}\% = \frac{2}{3}$

$$1 = 12000 - 10000$$
$$1 = 2000 \times 12$$
$$= 24,000 \text{ रु. Ans}$$

A's income is $\frac{2}{3}$ of B's income and A's expenditure is $\frac{3}{4}$ of B's expenditure. If $\frac{1}{3}$ of B's income is equal to A's expenditure, then find the ratio of A's savings to B's savings. A की आय, B की आय की $\frac{2}{3}$ है और A का व्यय, B के व्यय का $\frac{3}{4}$ है। यदि B की आय का $\frac{1}{3}$, A के व्यय के बराबर है, तो A की बचत का B की बचत से अनुपात ज्ञात करें।

	A	B
I →	$2x = 6$	$3x = 9$
E →	$3y = 3$	$4y = 4$

$$3x \times \frac{1}{3} = \frac{y}{x}$$
$$S \rightarrow \boxed{3 : 5} \text{ Ans}$$

The ratio of income of A, B and C is 3:5: 4. If A's income is tripled, C's income is doubled and B's income is kept the same, then what will be the ratio of their new incomes? A, B और C की आय का अनुपात 3:5:4 है। यदि A की आय तीन गुना कर दी जाए, C की आय दोगुनी कर दी जाए और B की आय को समान रखा जाए, तो उनकी नई आय का अनुपात क्या होगा?

	A	B	C
I	3	5	4
	↓ ×3	↓	↓ ×2
	9	5	8

Ans

Miscellaneous

ROJGAR WITH ANKIT

A payment of 120 is made using ₹10, ₹5 and ₹2 coins. A total of 25 coins are used. Which of the following numbers is the number of ₹10 coins used in the payment?

₹ 120 का भुगतान ₹10, ₹5 और ₹2 के सिक्कों से किया जाता है। इसके लिए कुल 25 सिक्कों का उपयोग किया जाता है। निम्नलिखित में से कौन-सी संख्या, भुगतान में उपयोग किए गए ₹10 के सिक्कों की संख्या है?

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{ccc}
 10\text{Rs} & 5\text{Rs} & 2\text{Rs} \\
 x & y & z \\
 \hline
 10x & 5y & 2z
 \end{array} \\
 x+y+z = 25 \\
 10x+5y+2z = 120 \\
 \underline{2x+2y+2z = 50} \\
 8x+3y = 70 \quad \text{By options: } \textcircled{B} \text{ Ans}
 \end{array}$$

A bag contains a total of 180 coins of 5 and 1 denominations. Find the number of 5 coins in the bag, if the total value of the coins is 500.

एक बैग में ₹5 और ₹1 मूल्यवर्ग के कुल 180 सिक्के हैं। बैग में ₹5 के सिक्कों की संख्या ज्ञात कीजिए, यदि सिक्कों का कुल मूल्य ₹500 है-

(सीधा) अनुक्रमानुपाती (Directly proportional)
(उल्टा) व्युत्क्रमानुपाती (Inversely)

$$\downarrow \uparrow S \propto D \uparrow \downarrow$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{D_1}{D_2}$$

$$S \propto \frac{1}{t} \quad \frac{S_1}{S_2} = \frac{t_2}{t_1}$$

$$\begin{array}{r}
 5\text{Rs} \quad 1\text{Rs} \\
 x=80 \quad y \\
 \hline
 5x \quad y \\
 x+y=180 \\
 5x+y=500 \\
 \underline{-4x = -320} \quad 80 \text{ Ans}
 \end{array}$$

If x is inversely proportional to y and x = 2 when y = 6 then what will be the value of y when x=3?

यदि x, y के व्युत्क्रमानुपाती है और y = 6 होने पर x = 2 है तो x = 3 होने पर y का मान क्या होगा

$$\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_2}{y_1}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{y_2}{6}$$

$$4 \cdot 2 = 3y_2$$

$$\boxed{y_2 = 4} \text{ Ans}$$

M is inversely proportional to $(N^2 + 3)$ If M = 3 when N = 3 then what will be the value of M when $N^2 = 69$?

M, $(N^2 + 3)$ का व्युत्क्रमानुपाती है। यदि N = 3 होने पर M = 3 होता है, तो N = 69 होने पर M का मान क्या होगा-

$$\frac{M_1}{M_2} = \frac{N_2^2 + 3}{N_1^2 + 3}$$

$$\frac{3}{M_2} = \frac{69 + 3}{9 + 3} = \frac{72}{12}$$

$$\times M_2 = \frac{3 \cdot 1}{62} \text{ Ans}$$

ROJGAR WITH ANKIT

x is directly proportional to the cube of y and inversely proportional to the square of z . If $x = 1/36$ when $y = 2$ and $z = 3$ then what is the value of $800x$ when $y = 3$ and $z = 5$?

' x ', ' y ' के घन अनुक्रमानुपाती और ' z ' के वर्ग के व्युत्क्रमानुपाती है। यदि $y = 2$ और $z = 3$ होने पर $x = 1/36$ तो $y = 3$ और $z = 5$ तो $800x$ का मान क्या है-

$$\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1^3}{y_2^3} \cdot \frac{z_2^2}{z_1^2} \quad \left| \quad \frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1^3}{y_2^3} \right.$$

$$\frac{1}{36x_2} = \frac{8}{27^3} \times \frac{25}{9} \quad \times 36 \quad 4$$

$$\frac{1}{x_2} = \frac{800}{27} \quad \left| \quad \frac{800 \times 27}{800} \Rightarrow 27 \right.$$

$$\boxed{x_2 = \frac{27}{800}} \quad \text{Ans}$$

यदि a, b, c और d निरंतर अनुपात में हैं, $(ma^3 + nb^3 - rc^3) : (mb^3 + nc^3 - rd^3) = ?$

$$\begin{matrix} a, b, c, d \\ 1 & 2 & 4 & 8 \end{matrix}$$

$$\Rightarrow a : d \quad \text{Ans} \quad \Rightarrow \frac{m+8n-64r}{8m+64n-512r} = \frac{m+8n-64r}{8(m+8n-64r)} = \frac{1}{8}$$

continue proportion :
(सतत अनुपात)

$$\begin{matrix} a, b, c \\ \frac{a}{b} = \frac{b}{c} \end{matrix}$$

Ex: 1, 2, 4

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} \quad \left| \quad \frac{a}{b} = \frac{b}{c} \right.$$

Ex: 1, 3, 9, 27

$$\frac{1}{3} = \frac{3}{9} = \frac{9}{27}$$

$$1, 15, 15, 60 \times$$

यदि $(a^3 + b^3)$ के समानुपाती $(a^2 - b^2)$ है, तो $(a^2 - ab + b^2)$ समानुपाती है-

$$a^3 + b^3 \propto a^2 - b^2$$

$$a^3 + b^3 = k(a^2 - b^2)$$

$$(a+b)(a^2 - ab + b^2) = k(a-b)(a+b)$$

$$\Rightarrow (a-b) \quad \text{Ans}$$

The numbers x, y, z are proportional to 2, 3, 5. The sum of x, y, z is 100. If $y = px - 10$ then p is equal to

संख्याएँ x, y, z 2, 3, 5 के समानुपाती हैं। x, y, z का योग 100 है। यदि $y = px - 10$ तो p बराबर है-

$$\begin{matrix} x : y : z :: 2 : 3 : 5 \\ \uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow \\ 20 \quad 30 \quad 50 \end{matrix}$$

$$1\phi = 10\phi$$

$$\Rightarrow 30 = p(20) - 10$$

$$\begin{matrix} +10 \\ 24\phi \\ -2\phi \end{matrix}$$

$$\boxed{p = 2} \quad \text{Ans}$$