

ROJGAR WITH ANKIT

LCM & HCF

PART-4

1. वह छोटी से छोटी संख्या जो 30, 45, 60 से पूरी तरह विभाजित होती है:
2. 4 अंकों की बड़ी से बड़ी संख्या जो 30, 45, 60 से पूरी तरह विभाजित हो जाए?
3. 5 अंकों की बड़ी से बड़ी संख्या, जो 30, 45, 60 से विभाजित होने पर 11 शेषफल छोड़े?

Soln (1)

$$\begin{array}{r|l} 15 & 30, 45, 60 \\ \hline & 2, 3, 4 \end{array}$$

$\Rightarrow$ 180 Ans

Soln (2)

$$\begin{array}{r} 180 \overline{) 9999} \quad (55 \\ \underline{900} \\ 999 \\ \underline{900} \\ 99 \times \text{शेष} \end{array}$$

$\Rightarrow 9999 - 99$
 $\Rightarrow$ 9900 Ans

Soln (3)

$$\begin{array}{r} 180 \overline{) 99999} \quad (555 \\ \underline{900} \\ 999 \\ \underline{900} \\ 999 \\ \underline{900} \\ 99 \end{array}$$

$\Rightarrow 99900 + 11$
 $\Rightarrow$ 99911 Ans

ROJGAR WITH ANKIT

4). वह 5 अंको की बड़ी से बड़ी संख्या, जो 12, 15, 18 और 20 से विभाजित करने पर 8, 11, 14, 16 शेष बचता है?

$$\begin{cases} 12 - 8 = 4 \\ 15 - 11 = 4 \\ 18 - 14 = 4 \\ 20 - 16 = 4 \end{cases}$$

$$\text{LCM} = 180$$

$$180 - 4 = 176$$

$$180 \overline{) 99999} \left(555 \right.$$

$$\underline{999}$$

$$\underline{900}$$

$$\underline{999}$$

$$\underline{900}$$

$$\underline{99}$$

2	12, 15, 18, 20
3	6, 15, 9, 10
5	2, 5, 3, 10
2	1, 3, 2

$$\Rightarrow 99900 \text{ (common सं०)} - 4$$

$$\Rightarrow \boxed{99896} \text{ Ans}$$

The sum of two numbers is 72 and the difference between the numbers is $\frac{1}{9}$ of their sum. Find the least common multiple (LCM) of the numbers. दो संख्याओं का योग 72 है और संख्याओं के बीच का अंतर उनके योग का $\frac{1}{9}$ है। संख्याओं का लघुत्तम समापवर्त्य (LCM) ज्ञात कीजिए।

$$\begin{aligned} A + B &= 72 \\ A - B &= 8 \end{aligned}$$

$$\left| \begin{array}{l} 72 \\ 8 \end{array} \right| \times \frac{1}{9}$$

$$\boxed{A = 40} \quad \boxed{B = 32}$$

$$\text{LCM} = \boxed{160} \text{ Ans}$$

The LCM of two co-prime numbers is 667 and one of the numbers is 23. What is the other number? दो सह-अभाज्य संख्याओं का LCM 667 है और उनमें से एक संख्या 23 है। दूसरी संख्या क्या है?

$$(4, 5) = 20$$

$$(6, 11) = 66$$

$$(7, 12) = 84$$

$$A \times B = 667$$

$$\Rightarrow 23 \times B = 667$$

$$\underline{23}$$

$$= \boxed{29} \text{ Ans}$$

The LCM of two co-prime numbers is 5005. If one of the numbers is 65, find the other number. दो सह-अभाज्य संख्याओं का LCM 5005 है। यदि उनमें से एक संख्या 65 है, तो दूसरी संख्या ज्ञात कीजिए।

ROJGAR WITH ANKIT

$$A \times B = 5005$$

$$\Rightarrow \cancel{65} \times B = \frac{5005}{\cancel{65}} = \frac{5005}{65} = 77 \text{ Ans}$$

What is the smallest four-digit number which is divisible by 15, 25, 40 and 75? चार, अंकों की वह छोटी से छोटी संख्या कौन-सी है, जो 15, 25, 40 और 75 से विभाज्य है?

$$\begin{array}{l} \text{LCM of } 15, 25, 40, 75 \\ \text{LCM} = 600 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 600 \overline{) 1000} 2 \\ \underline{1200} \\ 0 \end{array}$$

$$\Rightarrow 1200 \text{ Ans}$$

2nd Method
By option
15, 25, 40, 75
Last 2 digit
 $\Rightarrow 1200 \text{ Ans}$

The smallest four-digit number which is divisible by 4, 8, 12 and 16 is: चार अंकों की सबसे छोटी संख्या ज्ञात कीजिए जो 4, 8, 12 और 16 से विभाज्य है:

$$4, 8, 12, 16$$

By option $\boxed{1008} \text{ Ans}$

Find the number between 2800 and 3000 which when divided by 24, 32 and 45 leaves no remainder? 2800 और 3000 के बीच की वह संख्या ज्ञात कीजिए जिसे 24, 32 और 45 से विभाजित करने पर कोई शेषफल नहीं बचता है?

$$\begin{array}{l} 24, 32, 45 \\ \text{LCM} = 3 \times 8 \times 5 = 120 \end{array}$$

By option $\boxed{2880} \text{ Ans}$

(OR)

$$\begin{array}{r} 8 \overline{) 24, 32, 45} \\ 3 \overline{) 3, 4, 45} \\ \underline{1, 4, 15} \\ 180 \times 8 \\ \Rightarrow 1440 \times 2 \\ \Rightarrow \boxed{2880} \text{ Ans} \end{array}$$

Let the sum of the numbers divisible by 12, 16 and 18 between 500 and 800 be x. Find the sum of the digits of x. मान लें कि 500 और 800 के बीच 12, 16 और 18 से विभाज्य संख्याओं का योग x है। x के अंकों का योग-

ROJGAR WITH ANKIT

$$\begin{array}{r|l}
 2 & 12, 16, 18 \\
 2 & 6, 8, 9 \\
 \hline
 & 3, 4, 9 \\
 \hline
 & 144 \times 2 \\
 & 288 \\
 & + 720 \\
 \hline
 & X = 1296 \\
 & \Rightarrow 18 \text{ Ans}
 \end{array}$$

Which is the smallest number which when divided by 6, 8 and 10 leaves remainders 4, 6 and 8, respectively? वह सबसे छोटी संख्या कौन सी है जिसे 6, 8 और 10 से विभाजित करने पर क्रमशः 4, 6 और 8 शेषफल प्राप्त होता है?

$$\begin{array}{r|l}
 6 & 4 = 2 \\
 8 & 6 = 2 \\
 10 & 8 = 2 \\
 \hline
 & 120 - 2 = 118 \text{ Ans}
 \end{array}$$

What is the smallest number which when divided by 15, 17 and 19 leaves remainders 4, 6 and 8 respectively? वह छोटी से छोटी संख्या कौन-सी है, जिसे 15, 17 और 19 से विभाजित करने पर क्रमशः 4, 6 और 8 शेषफल बचता है-

$$\begin{array}{r|l}
 15, 30, 45, 60, 75, 90 & 15 - 4 = 11 \\
 +4 \quad +4 \quad +4 \quad +4 \quad +4 \quad +4 & 17 - 6 = 11 \\
 \hline
 19, 34, 49, 64, 79, 94 & 19 - 8 = 11 \\
 & 323 \times 15 \\
 & \Rightarrow 4845 - 11 \\
 & 4834 \text{ Ans}
 \end{array}$$

By option
unit digit 4
4/9 $\uparrow$ 4834 Ans