

# ROJGAR WITH ANKIT

## Number System

### PART-11

$$\Rightarrow 420$$

$$2 \times 3 \times 7 \times 2 \times 5$$

$$2^2 \times 3^1 \times 5^1 \times 7^1$$

$$\# \text{ Total factor} = 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 24$$

$$\# \text{ Even factor} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$$

$$\# \text{ Odd factor} = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

$$\# \text{ Prime factor} = 2^1 \times 3^1 \times 5^1 \times 7^1$$

1)  $\uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow$   
 $2 + 1 + 1 + 1 = 5$

$$2) 6^3 \times 4^5 \times 3^2 \times 10^9$$
$$\Rightarrow (2 \times 3)^3 \times (2 \times 2)^5 \times 3^2 \times (2 \times 5)^9$$
$$\Rightarrow 2^3 \times 3^3 \times 2^5 \times 2^5 \times 3^2 \times 2^9 \times 5^9$$

(36)

$$\Rightarrow 420 = 2^2 \times 3^1 \times 5^1 \times 7^1$$

कुल गुणखण्डों का योग:-

$$(2^0 + 2^1 + 2^2)(3^0 + 3^1)(5^0 + 5^1)(7^0 + 7^1)$$
$$(1 + 2 + 4)(1 + 3)(1 + 5)(1 + 7)$$
$$7 \times 4 \times 6 \times 8 = 168 \times 8$$
$$= 1344$$

कुल गुणखण्डों का योग

$$2^3 \times 3^2 \times 5^2$$

$$(2^0 + 2^1 + 2^2)(3^0 + 3^1 + 3^2)(5^0 + 5^1 + 5^2)$$
$$(1 + 2 + 8)(1 + 3 + 9)(1 + 5 + 25)$$

# ROJGAR WITH ANKIT

$$\begin{aligned}
 &= 15 \times 13 \times 31 \\
 &= 403 \times 15 \\
 &= \boxed{6045}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &\Rightarrow 2^4 \times 3^3 \times 7^1 \\
 &\quad (1+2+4+8+16) (1+3+9+27) (1+7) \\
 &\quad 31 \times 40 \times 8 \\
 &\quad 31 \times 320 \\
 &= \boxed{9920}
 \end{aligned}$$

# सम गुणनखण्डों का योग:-  $2^3 \times 3^2 \times 5^2 = (1800)$

$$\begin{aligned}
 &\quad (2+4+8) (1+3+9) (1+5+25) \\
 &\quad 14 \times 13 \times 31 \\
 &\quad 403 \times 14 \\
 &\quad \boxed{5642}
 \end{aligned}$$

सम गुणनखण्डों का योग =  $2^4 \times 3^1 \times 5^1 \times 7^1$   
(Sum of Even factors)

$$\begin{aligned}
 &\quad (2+4+8+16) (1+3) (1+5) (1+7) \\
 &\quad 30 \times 4 \times 6 \times 8 \\
 &\quad 192 \times 30 \\
 &\quad \boxed{5760}
 \end{aligned}$$

# विषम गुणनखण्डों का योग:-  $2^3 \times 3^3 \times 5^2$   
(Sum of Odd factors)

$$\begin{aligned}
 &\quad (1+3+9+27) (1+5+25) \\
 &\quad 40 \times 31 = \boxed{1240}
 \end{aligned}$$

\* कुल - power की standing 0 से करते हैं और जितनी power है, वहाँ तक जा रहे होते हैं।

\* सम गुणनखंड में सम सं. की power की शुरुआत 1 से कर रहे होते हैं।

\* विषम गुणनखंड में सम को बिल्कुल छोड़ रहे होते हैं।

# ROJGAR WITH ANKIT

$$\Rightarrow 2^7 \times 3^4 \times 5^1$$

कितने ऐसे गुणखंड हैं, जो पूर्ण वर्ग / perfect square हैं—

$$(2^2)^3 \times \cancel{2} \times (3^2)^2 \times \cancel{5}^1$$

$$4 \times 3 = 12$$

$$\sqrt{3^2} = 3$$

$$\sqrt{5^2} = 5$$

$$\sqrt{7^2} = 7$$

$$\sqrt{9^2} = 9$$

$$\Rightarrow 2^{11} \times 3^5 \times 5^3$$

$$(2^2)^5 \times \cancel{2} \times (3^2)^2 \times \cancel{3} \times (5^2)^1 \times \cancel{5}$$

$$6 \times 3 \times 2 = 36$$

Last part:

व्यंजक:  $2^7 \times 3^4 \times 5^1$  में ऐसे कितने गुणखंड होंगे, जो 72 से विभाज्य होंगे—

$$8 \times 5 \times 2 = 80$$

$$\cancel{2^3} \times \cancel{3^2} [2^4 \times 3^2 \times 5^1]$$

$$5 \times 3 \times 2 = 30$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

$$\Rightarrow 2^3 \times 3^2$$

$$2^7 \times 3^4 \times 5^1 \rightarrow 30 \text{ के कितने गुणज हैं—}$$

$$2 \times 3 \times 5 (2^6 \times 3^3)$$

$$7 \times 4 = 28$$

$$2^6 \times 3^3 \times 5^4 \rightarrow 60 \text{ के गुणज—}$$

$$2^2 \times 3^1 \times 5^1 (2^4 \times 3^2 \times 5^3)$$

$$5 \times 3 \times 4$$

$$60$$

①. 120 के विषम और सम भाजकों की कुल सं. क्रमशः कितनी हैं—

What are the total No. of odd and even divisors of 120

$$120 = 2^3 \times 3^1 \times 5^1$$

$$2 \times 2 = 4$$

$$3 \times 2 \times 2 = 12 \text{ Ans}$$

②.  $2^9 \times 3^5 \times 5^4 \times 7^6$  के कितने गुणक विषम सं. हैं—

(How many factors of  $2^9 \times 3^5 \times 5^4 \times 7^6$  are odd No.)

# ROJGAR WITH ANKIT

$$6 \times 5 \times 7 = 210 \quad \underline{\text{Ans}}$$

(3).  $(15)^{15} \times (45)^{45} \times (50)^{50} \times (100)^{100}$  के अभाज्य गुणनखण्डों की सं०/ No. of prime factors -

$$(3 \times 5)^{15} \times (3 \times 5 \times 3)^{45} \times (2 \times 5 \times 5)^{50} \times (2 \times 2 \times 5 \times 5)^{100}$$

15

15

45

45

45

50

50

50

+ 400

715 Ans

(4). 3240 के गुणनखण्डों का योग ज्ञात कीजिए -  
(Find the sum of factors of 3240) -

HWORK